

Β ΛΥΚΕΙΟΥ ΑΛΓΕΒΡΑ

17.22

Αρκεί να αποδειχθεί ότι η παράσταση είναι ανεξάρτητη του ω

$$\begin{aligned} & \frac{\eta\mu(\pi-\omega) \cdot \sin(\omega-2\pi) \cdot \cos(3\pi-\omega)}{\sin\left(\frac{\pi}{2}+\omega\right) \cdot \cos\left(\frac{3\pi}{2}-\omega\right)} - \frac{\sin\left(\omega-\frac{\pi}{2}\right) \cdot \eta\mu\left(\omega+\frac{3\pi}{2}\right) \cdot \cos(\omega+\pi)}{\eta\mu^2(-\omega) + \sin^2(3\pi-\omega)} = \\ &= \frac{\eta\mu\omega \cdot \sin[-(2\pi-\omega)] \cdot \cos(2\pi+\pi-\omega)}{-\cos\omega \cdot \sin\omega} - \frac{\sin\left[-\left(\frac{\pi}{2}-\omega\right)\right] \cdot (-\sin\omega) \cdot \cos\omega}{\eta\mu^2\omega + \sin^2(2\pi+\pi-\omega)} = \\ &= \frac{\eta\mu\omega \cdot \sin\omega \cdot (-\cos\omega)}{-\cos\omega \cdot \sin\omega} + \frac{\eta\mu\omega \cdot \sin\omega \cdot \cos\omega}{\eta\mu^2\omega + \sin^2\omega} = \\ &= \eta\mu\omega \cdot \sin\omega \cdot \frac{1}{\cos\omega} + \eta\mu\omega \cdot \sin\omega \cdot \cos\omega = \\ &= \eta\mu\omega \cdot \sin\omega \cdot \cos\omega + \eta\mu\omega \cdot \sin\omega \cdot \cos\omega = \\ &= \eta\mu\omega \cdot \sin\omega \cdot \frac{\eta\mu\omega}{\sin\omega} + \eta\mu\omega \cdot \sin\omega \cdot \frac{\sin\omega}{\eta\mu\omega} = \\ &= \eta\mu^2\omega + \sin^2\omega = 1 = \text{σταθερό} \end{aligned}$$