

Β ΛΥΚΕΙΟΥ ΑΛΓΕΒΡΑ

1.5 1)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{aligned} \begin{cases} 2x + y = 7 \\ 3x - 2y = 7 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} y = -2x + 7 \\ 3x - 2(-2x + 7) = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -2x + 7 \\ 3x + 4x - 14 = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -2x + 7 \\ 7x - 14 = 7 \end{cases} \Rightarrow \\ &\Rightarrow \begin{cases} y = -2x + 7 \\ 7x = 7 + 14 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -2x + 7 \\ \cancel{7}x = \cancel{21} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -2 \cdot 3 + 7 \\ x = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -6 + 7 \\ x = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 1 \end{cases} \end{aligned}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{aligned} 2 \cdot \begin{cases} 2x + y = 7 \\ 3x - 2y = 7 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} 4x + \cancel{2y} = 14 \\ 3x - \cancel{2y} = 7 \end{cases} \quad (+) \\ \hline 7x &= 21 \Rightarrow \frac{\cancel{7}x}{\cancel{7}} = \frac{\cancel{21}}{\cancel{7}} \Rightarrow x = 3 \end{aligned}$$

Ακόμη

$$2x + y = 7 \Rightarrow 2 \cdot 3 + y = 7 \Rightarrow 6 + y = 7 \Rightarrow y = -6 + 7 \Rightarrow y = 1$$

$$\text{Άρα } (x, y) = (1, -1)$$

1.5 2)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{aligned} \begin{cases} 2x - 5y = 18 \\ x + 6y = -8 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} 2 \cdot (-6y - 8) - 5y = 18 \\ x = -6y - 8 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -12y - 16 - 5y = 18 \\ x = -6y - 8 \end{cases} \Rightarrow \\ &\Rightarrow \begin{cases} -12y - 5y = 16 + 18 \\ x = -6y - 8 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -17y = 34 \\ x = -6y - 8 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cancel{-17}y = \frac{\cancel{34}}{\cancel{-17}} \\ x = -6y - 8 \end{cases} \Rightarrow \\ &\Rightarrow \begin{cases} y = -2 \\ x = (-6) \cdot (-2) - 8 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -2 \\ x = 12 - 8 \end{cases} \Rightarrow \boxed{\begin{cases} x = 4 \\ y = -2 \end{cases}} \end{aligned}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{aligned} 1 \cdot \begin{cases} 2x - 5y = 18 \\ x + 6y = -8 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} \cancel{2x} - 5y = 18 \\ \cancel{-2x} - 12y = 16 \end{cases} \quad (+) \\ \hline -17y &= 34 \Rightarrow \frac{\cancel{-17}y}{\cancel{-17}} = \frac{\cancel{34}}{\cancel{-17}} \Rightarrow \boxed{y = -2} \end{aligned}$$

Ακόμη

$$x + 6y = -8 \Rightarrow x + 6(-2) = -8 \Rightarrow x - 12 = -8 \Rightarrow x = 12 - 8 \Rightarrow \boxed{x = 4}$$

1.5 3)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{aligned} \begin{cases} -2x + 3y = -1 \\ -x - 5y = -7 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} -2x + 3y = -1 \\ -x = 5y - 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2x + 3y = -1 \\ \frac{-x}{-1} = \frac{5y - 7}{-1} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2x + 3y = -1 \\ x = -5y + 7 \end{cases} \Rightarrow \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -2(-5y+7)+3y=-1 \\ x=-5y+7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 10y-14+3y=-1 \\ x=-5y+7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 13y=13 \\ x=-5y+7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y=1 \\ x=-5 \cdot 1+7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y=1 \\ x=-5+7 \end{cases} \Rightarrow \boxed{\begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases}}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{aligned} 1 \cdot \begin{cases} -2x+3y=-1 \\ -x-5y=-7 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} -2x+3y=-1 \\ 2x+10y=14 \end{cases} (+) \\ 13y &= 13 \Rightarrow \frac{13y}{13} = \frac{13}{13} \Rightarrow \boxed{y=1} \end{aligned}$$

Ακόμη

$$-x-5y=-7 \Rightarrow -x-5 \cdot 1=-7 \Rightarrow -x-5=-7 \Rightarrow -x=5-7 \Rightarrow -x=-2 \Rightarrow \frac{1x}{1} = \frac{2}{1} \Rightarrow \boxed{x=2}$$

1.5 4)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{aligned} \begin{cases} 3x-2y=1 \\ 4x-3y=0 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} 3x=2y+1 \\ 4x-3y=0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{3x}{3} = \frac{2y+1}{3} \\ 4 \cdot \frac{2y+1}{3} - 3y=0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2y+1}{3} \\ \frac{8y+4}{3} - 3y=0 \end{cases} \Rightarrow \\ \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2y+1}{3} \\ \cancel{8} \cdot \frac{8y+4}{\cancel{3}} - 3 \cdot 3y = 3 \cdot 0 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2y+1}{3} \\ 8y+4-9y=0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2y+1}{3} \\ 8y-9y=-4+0 \end{cases} \Rightarrow \\ \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2y+1}{3} \\ -y=-4 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2y+1}{3} \\ \frac{1y}{1} = \frac{4}{1} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2 \cdot 4+1}{3} \\ y=4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{9}{3} \\ y=4 \end{cases} \Rightarrow \boxed{\begin{cases} x=3 \\ y=4 \end{cases}} \end{aligned}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{aligned} 3 \cdot \begin{cases} 3x-2y=1 \\ 4x-3y=0 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} 9x-6y=3 \\ -8x+6y=0 \end{cases} (+) \\ \boxed{x=3} & \end{aligned}$$

Ακόμη

$$4x-3y=0 \Rightarrow 4 \cdot 3-3y=0 \Rightarrow 12-3y=0 \Rightarrow -3y=-12 \Rightarrow \frac{3y}{3} = \frac{12}{3} \Rightarrow \boxed{y=4}$$

1.5 5)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{aligned} \begin{cases} 5x-y=-2 \\ 2x+y=9 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} 5x-(-2x+9)=-2 \\ y=-2x+9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x+2x-9=-2 \\ y=-2x+9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 7x-9=-2 \\ y=-2x+9 \end{cases} \Rightarrow \\ 7x &= 7 \Rightarrow \frac{7x}{7} = \frac{7}{7} \Rightarrow \boxed{x=1} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 7x = 7 \\ y = -2x + 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cancel{7}x = \cancel{7} \\ y = -2x + 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -2 \cdot 1 + 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -2 + 9 \end{cases} \Rightarrow \boxed{\begin{cases} x = 1 \\ y = 7 \end{cases}}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{cases} 5x - y = -2 \\ 2x + y = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x \cancel{-y} = -2 \\ 2x \cancel{+y} = 9 \end{cases} \quad (+)$$

$$7x = 7 \Rightarrow \frac{\cancel{7}x}{\cancel{7}} = \frac{\cancel{7}}{\cancel{7}} \Rightarrow \boxed{x = 1}$$

Ακόμη

$$2 \cdot 1 + y = 9 \Rightarrow 2 + y = 9 \Rightarrow y = -2 + 9 \Rightarrow \boxed{y = 7}$$

1.5 6)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{cases} 3x + y = 7 \\ 2x - 5y = -1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -3x + 7 \\ 2x - 5(-3x + 7) = -1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -3x + 7 \\ 2x + 15x - 35 = -1 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} y = -3x + 7 \\ 2x + 15x = 35 - 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -3x + 7 \\ 17x = 34 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -3x + 7 \\ \frac{\cancel{17}x}{\cancel{17}} = \frac{34}{\cancel{17}} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -3 \cdot 2 + 7 \\ x = 2 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} y = -6 + 7 \\ x = 2 \end{cases} \Rightarrow \boxed{\begin{cases} x = 2 \\ y = 1 \end{cases}}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{cases} 3x + y = 7 \\ 2x - 5y = -1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cancel{6}x + y = 14 \\ \cancel{-6}x + 15y = 3 \end{cases} \quad (+)$$

$$17y = 17 \Rightarrow \frac{\cancel{17}y}{\cancel{17}} = \frac{\cancel{17}}{\cancel{17}} \Rightarrow \boxed{y = 1}$$

Ακόμη

$$3x + y = 7 \Rightarrow 3x + 1 = 7 \Rightarrow 3x = -1 + 7 \Rightarrow 3x = 6 \Rightarrow \frac{\cancel{3}x}{\cancel{3}} = \frac{6}{\cancel{3}} \Rightarrow \boxed{x = 2}$$

1.5 7)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{cases} 2x + 3y = 9 \\ x + 2y = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2(-2y + 7) + 3y = 9 \\ x = -2y + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -4y + 14 + 3y = 9 \\ x = -2y + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -4y + 3y = -14 + 9 \\ x = -2y + 7 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -y = -5 \\ x = -2y + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cancel{-1}y = \frac{5}{\cancel{-1}} \\ x = -2y + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 5 \\ x = -2 \cdot 5 + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 5 \\ x = -10 + 7 \end{cases} \Rightarrow \boxed{\begin{cases} x = -3 \\ y = 5 \end{cases}}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{cases} 2x + 3y = 9 \\ x + 2y = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cancel{-2}x - 3y = -9 \\ \cancel{2}x + 4y = 14 \end{cases} \quad (+)$$

$$\boxed{y = 5}$$

Ακόμη

$$x + 2y = 7 \Rightarrow x + 2 \cdot 5 = 7 \Rightarrow x + 10 = 7 \Rightarrow x = -10 + 7 \Rightarrow \boxed{x = -3}$$

1.5 8)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ 3x - y = -7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ -y = -3x - 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ \cancel{-1}y = \frac{\cancel{-3}x \cancel{-7}}{\cancel{-1}} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 7x + 2(3x + 7) = 1 \\ y = 3x + 7 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 7x + 6x + 14 = 1 \\ y = 3x + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 7x + 6x = -14 + 1 \\ y = 3x + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 13x = -13 \\ y = 3x + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{13x}{13} = \frac{-13}{13} \\ y = 3x + 7 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ y = 3(-1) + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ y = -3 + 7 \end{cases} \Rightarrow \boxed{\begin{cases} x = -1 \\ y = 4 \end{cases}}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{array}{l} 1 \cdot \begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ 3x - y = -7 \end{cases} \\ 2 \cdot \begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ 3x - y = -7 \end{cases} \end{array} \Rightarrow \begin{array}{l} \begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ 6x - 2y = -14 \end{cases} (+) \\ \hline 13x = -13 \Rightarrow \frac{13x}{13} = \frac{-13}{13} \Rightarrow \boxed{x = -1} \end{array}$$

Ακόμη

$$7x + 2y = 1 \Rightarrow 7(-1) + 2y = 1 \Rightarrow -7 + 2y = 1 \Rightarrow 2y = 7 + 1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 2y = 8 \Rightarrow \frac{2y}{2} = \frac{8}{2} \Rightarrow \boxed{y = 4}$$

1.5 9)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{cases} 3x - 5y = 6 \\ -2x + 3y = -5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x = 5y + 6 \\ -2x + 3y = -5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{3x}{3} = \frac{5y + 6}{3} \\ -2x + 3y = -5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5y + 6}{3} \\ -2 \frac{5y + 6}{3} + 3y = -5 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5y + 6}{3} \\ \frac{-10y - 12}{3} + 3y = -5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5y + 6}{3} \\ \cancel{3} \cdot \frac{-10y - 12}{\cancel{3}} + 3 \cdot 3y = 3(-5) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5y + 6}{3} \\ -10y - 12 + 9y = -15 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5y + 6}{3} \\ -10y + 9y = 12 - 15 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5y + 6}{3} \\ -y = -3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5y + 6}{3} \\ \cancel{-1}y = \frac{\cancel{-3}}{\cancel{-1}} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5 \cdot 3 + 6}{3} \\ y = 3 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{15 + 6}{3} \\ y = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{21}{3} \\ y = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{21}{3} \\ y = 3 \end{cases} \Rightarrow \boxed{\begin{cases} x = 7 \\ y = 3 \end{cases}}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{cases} 2 \cdot \begin{cases} 3x - 5y = 6 \\ 3 \cdot \begin{cases} -2x + 3y = -5 \end{cases} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cancel{6x} - 10y = 12 \\ \cancel{-6x} + 9y = -15 \end{cases} (+)$$

$$-y = -3 \Rightarrow \frac{\cancel{1}y}{\cancel{1}} = \frac{\cancel{3}}{\cancel{1}} \Rightarrow \boxed{y = 3}$$

Ακόμη

$$-2x + 3y = -5 \Rightarrow -2x + 3 \cdot 3 = -5 \Rightarrow -2x + 9 = -5 \Rightarrow -2x = -9 - 5 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -2x = -14 \Rightarrow \frac{\cancel{2}x}{\cancel{2}} = \frac{\cancel{-14}}{\cancel{2}} \Rightarrow \boxed{x = 7}$$

1.5 10)

Α' τρόπος : μέθοδος αντικατάστασης

$$\begin{cases} 5x - 4y = 4 \\ 3x - y = -6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x - 4y = 4 \\ -y = -3x - 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x - 4y = 4 \\ \frac{\cancel{1}y}{\cancel{1}} = \frac{\cancel{-3x} \cancel{-6}}{\cancel{1}} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x - 4(3x + 6) = 4 \\ y = 3x + 6 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 5x - 12x - 24 = 4 \\ y = 3x + 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x - 12x = 24 + 4 \\ y = 3x + 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -7x = 28 \\ y = 3x + 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{\cancel{-7}x}{\cancel{-7}} = \frac{\cancel{28}}{\cancel{-7}} \\ y = 3x + 6 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -4 \\ y = 3(-4) + 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = -4 \\ y = -12 + 6 \end{cases} \Rightarrow \boxed{\begin{cases} x = -4 \\ y = -6 \end{cases}}$$

Β' τρόπος : μέθοδος αντιθέτων συντελεστών

$$\begin{matrix} 1 \\ -4 \end{matrix} \begin{cases} 5x - 4y = 4 \\ 3x - y = -6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x \cancel{-4y} = 4 \\ -12x \cancel{+4y} = 24 \end{cases} (+)$$

$$-7x = 28 \Rightarrow \frac{\cancel{-7}x}{\cancel{-7}} = \frac{\cancel{28}}{\cancel{-7}} \Rightarrow \boxed{x = -4}$$

Ακόμη

$$3x - y = -6 \Rightarrow 3(-4) - y = -6 \Rightarrow -12 - y = -6 \Rightarrow -y = 12 - 6 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -y = 6 \Rightarrow \frac{\cancel{1}y}{\cancel{1}} = \frac{\cancel{6}}{\cancel{1}} \Rightarrow \boxed{y = -6}$$